

Le problème est constitué de trois parties totalement indépendantes : la première s'intéresse à l'étude d'une **caméra de contrôle des plaques d'immatriculation**, tandis que la seconde traite des **boucles inductives de détection de véhicules** incluses dans la chaussée.

La dernière partie est consacrée à la **production industrielle de soufre** selon le procédé CLAUS.

Remarques préliminaires importantes : il est rappelé aux candidat(e)s que

- les explications des phénomènes étudiés interviennent dans la notation au même titre que les développements analytiques et les applications numériques ;
- tout au long de l'énoncé, les paragraphes en italique ont pour objet d'aider à la compréhension du problème ;
- tout résultat fourni dans l'énoncé peut être admis et utilisé par la suite, même s'il n'a pas été démontré par le(la) candidat(e) ;
- les données numériques relatives à la partie « Chimie » sont répertoriées à la fin de la troisième partie ;

- *le document-réponse (recto-verso) pour les parties « Optique » et « Chimie » devra être complété puis remis avec la copie.*

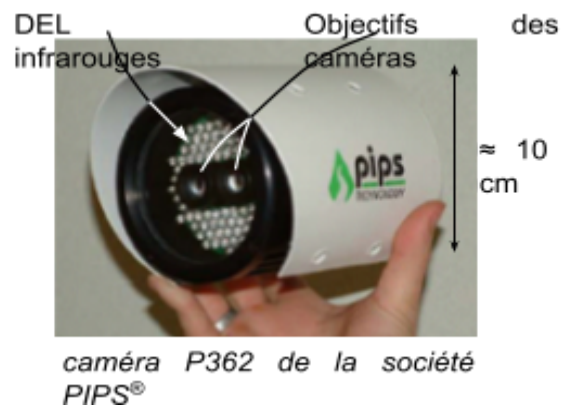
PREMIERE PARTIE

CAMERA DE CONTROLE DES PLAQUES D'IMMATRICULATION

Pour diminuer le nombre de véhicules circulant dans le centre ville et réduire ainsi les embouteillages, la pollution et le bruit qu'ils engendrent, plusieurs grandes agglomérations (Londres, Singapour, Stockholm) utilisent un système de péage urbain.

Différentes technologies sont mises en oeuvre pour détecter les véhicules entrant dans la zone de circulation taxée. Le système londonien, appelé London Congestion Charge (mis en place en 2003) utilise un réseau de 500 caméras installées à chaque point permettant d'entrer ou de sortir de la zone payante. Les images obtenues sont ensuite analysées par un algorithme LAPI (Lecture Automatique des Plaques d'Immatriculation) qui génère une liste des véhicules ayant circulé dans le centre ville, ce qui déclenche la facturation d'une taxe.

Ces systèmes doivent être robustes, peu coûteux, ne nécessiter aucun réglage et être fonctionnels dans des conditions de luminosité très variées. Le modèle retenu (ci-contre) comporte deux caméras identiques : l'une enregistrant dans le domaine visible et l'autre dans le proche infrarouge grâce un filtre stoppant les radiations visibles. Un ensemble de diodes électroluminescentes (DEL) émettant des flashes de longueur d'onde respective 810 nm et 950 nm entoure les caméras et permet d'illuminer la plaque d'immatriculation.



Les spécifications du constructeur sont les suivantes :

Le capteur CCD (Charge Coupled Device) de ces caméras est un rectangle de diagonale 1/4" (0,635 cm) et est découpé en 752 x 582 pixels (largeur x hauteur) ; les pixels sont des carrés tous identiques, de côté a .

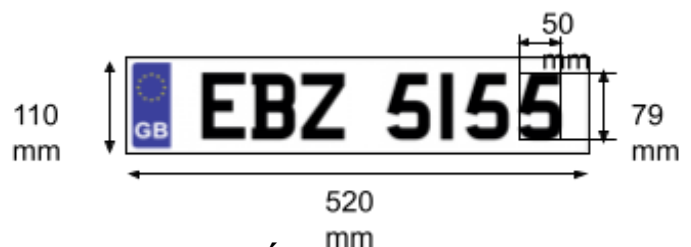
Pour réduire le coût, les risques de panne et les réglages lors de l'installation, ces caméras ont une distance focale image f' fixe. Le constructeur propose différents modèles destinés à enregistrer les plaques d'immatriculation à une distance de mesure déterminée L .

Le tableau suivant résume les modèles disponibles :

Modèle de caméra	1	2	3	4	5
Focale f'	35,0 mm	25,0 mm	16,0 mm	12,0 mm	8,00 mm
Distance de mesure L	20,0 m	14,5 m	9,0 m	7,0 m	4,5 m

La norme britannique concernant les plaques d'immatriculation est la suivante :

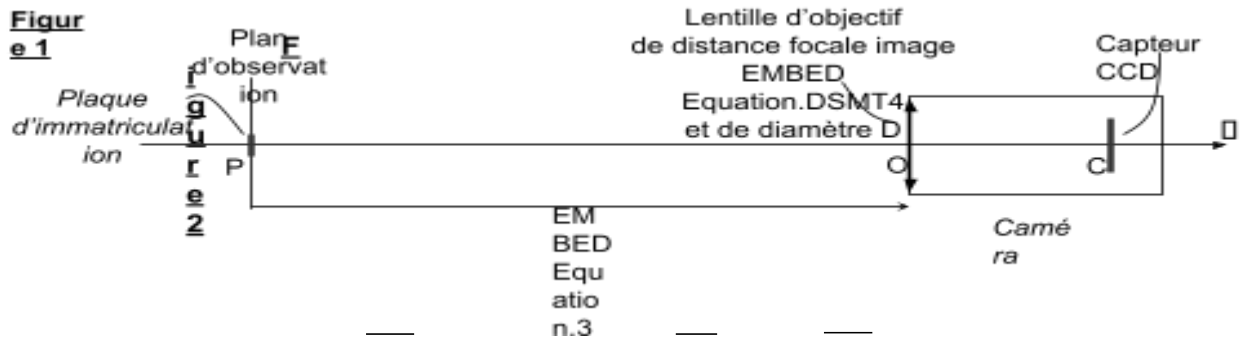
Les plaques doivent mesurer 110 mm de hauteur et 520 mm de largeur. Les caractères doivent avoir une hauteur de 79 mm et une largeur de 50 mm, l'épaisseur du trait étant fixée à 14 mm.



A / DIMENSIONNEMENT DES CAMÉRAS

Les caméras sont identiques et constituées d'une lentille d'objectif de distance focale image f' qui forme sur le capteur CCD une image de la plaque d'immatriculation. La figure 1 illustre cette configuration (les échelles relatives ne sont pas respectées).

- A1.** Donner la condition que doivent vérifier f' (distance focale image de la lentille) et PC (distance entre l'objet réel et son image réelle) pour que cette opération soit possible. Comment s'appelle la réalisation de l'image réelle d'un objet réel ?



- A2.** Exprimer la distance $\overline{OC}$ en fonction de $L = \overline{PO}$ et $f' = \overline{OF'}$. Justifier pourquoi la lentille doit nécessairement être convergente.
- A3.** Ecrire le grandissement γ en fonction de L et f' .
- A4.** En tenant compte des valeurs numériques du Tableau 1, simplifier l'expression de $\overline{OC}$ obtenue à la question A2. Commenter.
- A5.** Simplifier de même l'expression de γ . Calculer la valeur numérique du grandissement γ pour ces cinq modèles de caméras (*répondre avec 3 chiffres significatifs*). Commenter.
- Pour les questions suivantes, γ sera pris égal à la moyenne de ces cinq valeurs.*
- A6.** Déterminer la largeur et la hauteur du capteur CCD en millimètres (*données page 2*). En déduire la valeur numérique de la longueur a du côté d'un pixel de ce capteur.
- A7.** En déduire les dimensions du champ de vue dans le plan d'observation. Est-il suffisant d'installer une caméra par rue permettant d'accéder au centre ville ?
- A8.** Déterminer la taille de l'image d'un des caractères de la plaque d'immatriculation sur le capteur CCD en micromètres, puis en pixels.
- A9.** Le dimensionnement de la caméra est imposé par une valeur optimale de γ qui repose sur un compromis entre deux contraintes antagonistes : préciser lesquelles.
- A10.** Quels problèmes se poseraient si le dispositif ne filmait que dans le domaine visible ? Quels sont les avantages à filmer une seconde image en infrarouge ?

Les lentilles de ces caméras ont un diamètre $D = 1,00 \text{ cm}$. Elles se comportent donc comme une pupille circulaire qui diffracte la lumière. L'image d'une source ponctuelle n'est donc pas un point mais présente une certaine étendue spatiale due à la diffraction.

- A11.** Calculer, pour la caméra de modèle 1, l'ordre de grandeur de la largeur de la tache de diffraction de l'image d'un point sur le capteur CCD pour le rayonnement infrarouge utilisé. (*Il n'est pas demandé de calcul complet, ni de formulation exacte*). Comparer ce phénomène à la pixellisation de l'image. Limite-t-il la résolution ?

B / PROFONDEUR DE CHAMP

Bien que ces caméras ne disposent pas de dispositif de mise au point (leur distance focale est fixe), il est néanmoins possible de visualiser des plaques d'immatriculation qui ne sont pas rigoureusement situées à la distance L spécifiée par le constructeur (cf. Tableau 1).

Le but de cette partie est de déterminer la profondeur de champ Z , c'est-à-dire la longueur de la zone de l'espace où l'objet peut-être placé afin que la caméra en fournisse une image considérée comme nette.

Le document-réponse « Optique », à rendre avec la copie, comporte différentes figures sur lesquelles un objet ponctuel est situé sur l'axe optique (les constructions ne sont pas à

l'échelle et ont pour seul but d'illustrer le phénomène). Le diamètre de la lentille est $D = 1,00 \text{ cm}$.

Sur la première figure, l'objet est situé en P_0 , à la distance L spécifiée par le constructeur.

- B1.** Compléter cette figure en représentant le trajet des deux rayons lumineux issus de P_0 et frappant la lentille en deux points extérieurs diamétralement opposés. Représenter la position de l'image C_0 de ce point P_0 par la lentille d'objectif. (Un soin particulier est attendu dans la réalisation de la construction dont la démarche doit être rigoureusement justifiée.)

Le capteur CCD est positionné dans le plan perpendiculaire à l'axe optique et passant par C_0 . L'objet ponctuel P_1 est maintenant placé à une distance $\Delta_1 = \overline{P_0 P_1} > 0$ de P_0 .

- B2.** Compléter la seconde figure du document-réponse en y représentant :
- le plan du capteur CCD (en reportant le point C_0 de la construction de la question B1)
 - le trajet des deux rayons lumineux issus de P_1 et frappant la lentille en deux points extérieurs diamétralement opposés. Son image est notée C_1 .

Ce faisceau ne forme pas une image ponctuelle sur le capteur mais un disque de diamètre $d_1 > 0$ qui doit être inférieur à la taille a d'un pixel pour que l'image soit nette : $0 < d_1 < a$.

- B3.** Montrer que le diamètre de la tache image, noté d_1 , peut s'exprimer sous la forme :

$$d_1 = \beta \frac{f' \Delta_1}{(L - f')(L - \Delta_1)}, \text{ où } \beta \text{ est un facteur à expliciter.}$$

- B4.** Compléter la troisième figure, dans le cas où $\overline{P_0 P_2} = -\Delta_2 < 0$ ($\Delta_2 > 0$ est une distance).

$$d_2 = \beta \frac{f' \Delta_2}{(L - f')(L + \Delta_2)}$$

Le diamètre de la tache image peut alors s'exprimer sous la forme

- B5.** Simplifier les expressions de d_1 et d_2 sachant que $f' \ll L$.

- B6.** Exprimer, en fonction de a , L , D et f' , les distances $\Delta_{1\text{lim}}$ et $\Delta_{2\text{lim}}$ telles que la tache image sur le capteur ait un diamètre égal à la taille d'un pixel.

- B7.** Calculer les valeurs numériques des distances $\Delta_{1\text{lim}}$ et $\Delta_{2\text{lim}}$ pour la caméra 3, en prenant $a = 7,00 \mu\text{m}$.

- B8.** Déterminer l'expression de la profondeur de champ Z en fonction de f' , D , a et L .

- B9.** Simplifier cette expression en tenant compte des valeurs numériques de l'énoncé.

- B10.** Commenter le choix d'une lentille de petit diamètre pour réaliser cette caméra.

DEUXIEME PARTIE

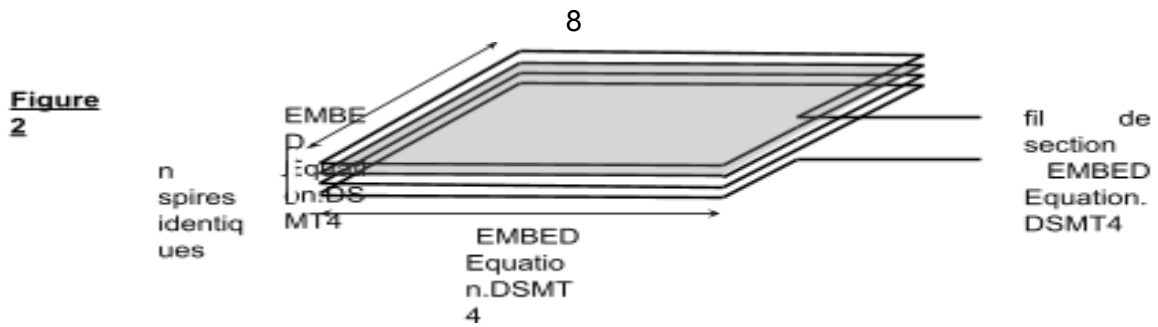
DETECTION DE VEHICULES PAR BOUCLE INDUCTIVE

Une autre méthode de détection des véhicules (utilisée pour l'ouverture de barrières automatiques ou le déclenchement de feux tricolores) utilise une boucle métallique rectangulaire enterrée dans la chaussée.



Lorsque le châssis d'un véhicule en acier est placé au-dessus, l'inductance de cette boucle se trouve modifiée.

La boucle est composée de n spires rectangulaires identiques de largeur $D = 2,0 \text{ m}$ et de longueur $G = 1,0 \text{ m}$ bobinées en série (figure 2). Celles-ci sont réalisées avec un fil de cuivre de section $s = 1,5 \text{ mm}^2$. L'objectif de cette partie est de déterminer l'inductance L de cette boucle.

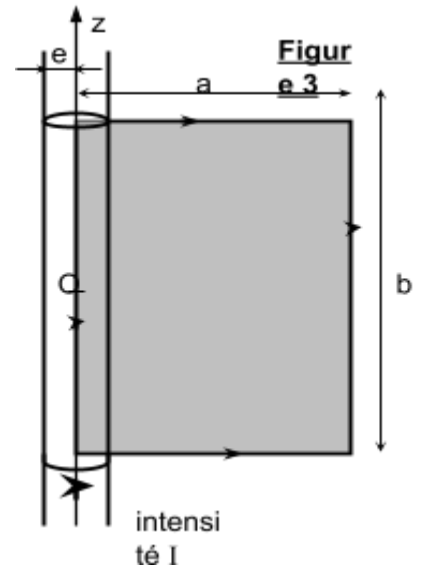


C / INDUCTANCE DE LA BOUCLE

- C1.** Donner la relation entre l'inductance L d'un circuit, l'intensité I qui le traverse et le flux propre Φ à travers sa surface.

Considérons un fil infini d'axe Oz et de rayon e parcouru par un courant d'intensité I dans le sens z croissant (figure 3).

Le vecteur densité de courant, noté $\vec{J}$, est supposé uniforme dans une section du fil. En coordonnées cylindriques, tout point M est repéré par ses coordonnées (r, ϕ, z) dans la base orthonormée $(\vec{e}_r, \vec{e}_\phi, \vec{e}_z)$.



- C2.** Exprimer $\vec{J}$ en fonction de I , e et $\vec{e}_z$.

- C3.** Etablir, par des arguments de symétrie, la direction du champ magnétique $\vec{B}(M)$ créé en un point M .

De quelle(s) coordonnée(s) la norme de $\vec{B}(M)$ dépend-elle ? En déduire la forme générale de $\vec{B}(M)$.

- C4.** Déterminer, par un raisonnement judicieux, les expressions de $\vec{B}(M)$ en un point M situé à l'extérieur du fil ($r > e$), puis en un point M situé à l'intérieur du fil ($r < e$).

- C5.** Représenter l'allure de la norme de $\vec{B}(M)$ en fonction de r , en précisant littéralement les coordonnées du (des) point(s) particulier(s).

- C6.** Exprimer, en fonction de μ_0 , I , a , b et e , le flux Φ_f du champ magnétique créé par ce fil à travers la surface orientée grise définie sur la figure 3.

Pour calculer l'inductance propre d'une spire, les effets de bords sont négligés. Dans un souci de simplification, le flux produit par chaque côté de la spire sera assimilé au flux Φ_f , calculé à la question C6.

- C7.** Dédire des réponses précédentes, l'expression de l'inductance L_1 d'une spire en fonction de μ_0 , D , G et e (considérer que la perméabilité magnétique du bitume vaut μ_0).

- C8.** Calculer la valeur numérique de L_1 , sachant que $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} \text{ H.m}^{-1}$.

Les spécifications techniques d'un constructeur de tels systèmes de détection précisent que l'inductance totale de la boucle doit être comprise entre 70 et 500 μH . Pour des spires ayant les dimensions prises dans ce problème, le constructeur recommande d'en câbler 3 à 5 en série.

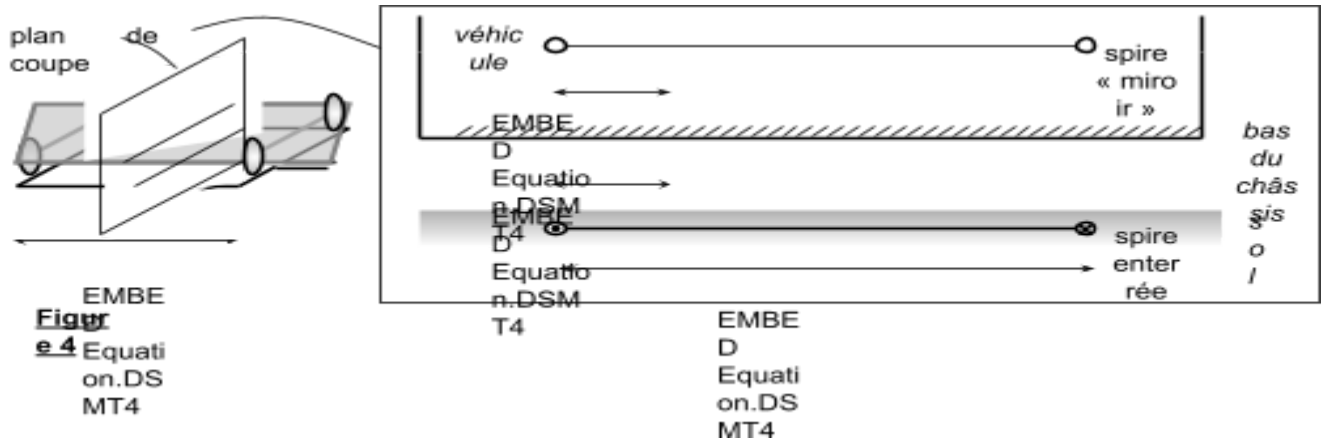
C9. Exprimer l'inductance L d'une boucle composée de n spires en fonction de n et L_1 .

C10. Calculer les valeurs minimale et maximale de n .

D / DETECTION D'UN VEHICULE

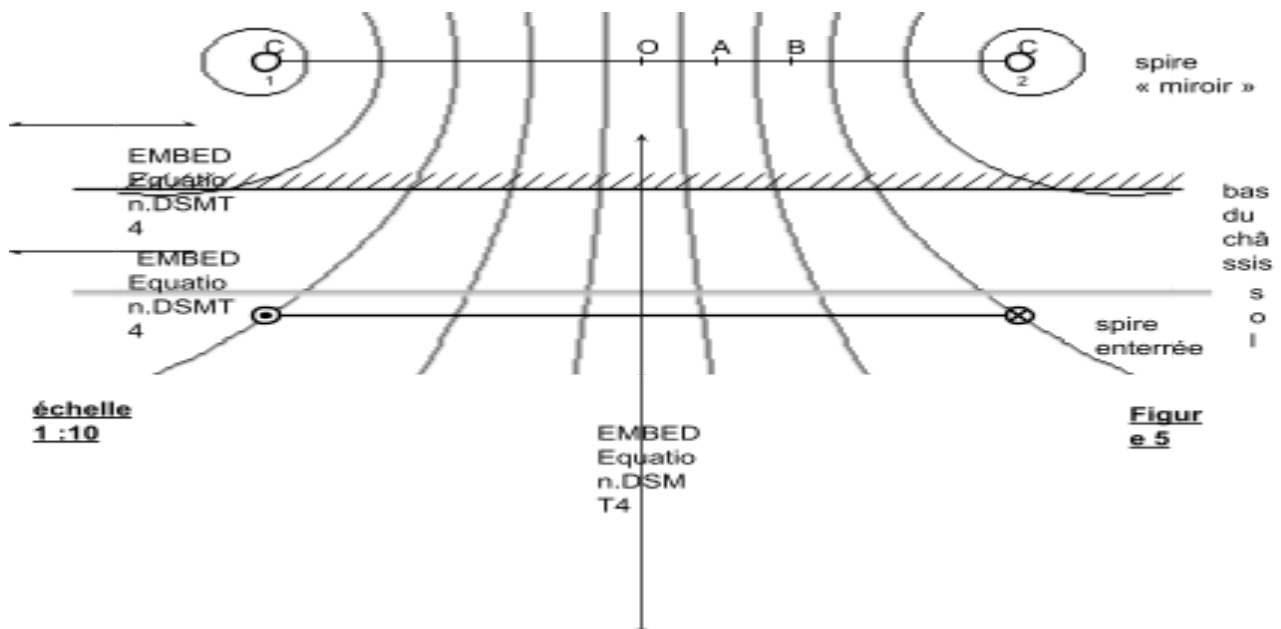
Lorsqu'un véhicule se positionne à une distance h au-dessus de la boucle, la face inférieure de son châssis est le siège de courants induits par le champ magnétique créé par la boucle. Ces courants induits produisent à leur tour un champ magnétique induit $\vec{B}_i(M)$; il est possible de montrer que celui-ci est identique à celui produit par un circuit symétrique de la boucle par rapport au plan du châssis (figure 4).

Considérons, dans un premier temps, *une* des spires enterrées et sa spire « miroir ».



La carte du champ magnétique induit $\vec{B}_i(M)$ dans un plan de coupe perpendiculaire au plan de la route et au grand côté (D) de la spire est représentée sur la figure 5.

Ce champ magnétique $\vec{B}_i(M)$, génère à son tour un flux Φ_i à travers la spire enterrée et modifie par conséquent son inductance d'une quantité $\Delta L_i = L'_i - L_i$.

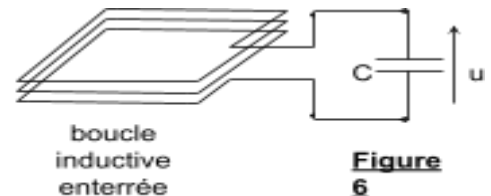


- D1.** Dans quel sens faut-il orienter la spire « miroir » pour que cette modélisation soit conforme à la loi de Lenz ?
Répondre en reproduisant sur votre copie les spires et l'allure de la carte de champ puis compléter l'orientation de la spire miroir et des lignes de champ.

Dans toute la suite, afin de simplifier les calculs, la spire est assimilée à deux fils infinis parallèles ($D \gg G$). Les effets de bords seront donc négligés et seules les contributions des deux côtés de longueur D seront prises en compte. Le champ magnétique qu'ils créent sera assimilé à celui de deux fils infinis parallèles espacés de G .

- D2.** Calculer les valeurs numériques de la norme de $\vec{B}_i(M)$ en O, A et B, lorsque $I = 1 \text{ A}$, en utilisant la figure 5 et son échelle, pour déterminer les distances nécessaires.
- D3.** Quelle propriété vérifie le flux du champ magnétique le long d'un tube de champ ? La démontrer soigneusement, à l'aide d'un schéma explicatif.
- D4.** En déduire une estimation de la valeur numérique du flux Φ_i créé par $\vec{B}_i(M)$ à travers la spire enterrée.
- D5.** Déterminer la variation relative $\Delta L_1/L_1$ de l'inductance d'une spire. En déduire la variation relative $\Delta L/L$ de l'inductance de l'ensemble de la boucle lors du passage d'un véhicule. Commenter l'ordre de grandeur des résultats obtenus.

Afin de détecter cette variation d'inductance, la boucle inductive est branchée en parallèle avec un condensateur de capacité C (figure 6). Celle-ci ne se comporte pas comme une inductance pure et présente une résistance r due à la résistivité du fil qui la constitue.

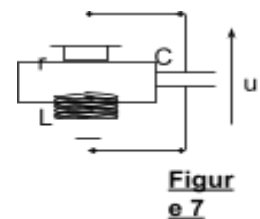


Données : $L = 100 \mu\text{H}$, $n = 3$, $D = 2,0 \text{ m}$, $G = 1,0 \text{ m}$ et $s = 1,5 \text{ mm}^2$.

- D6.** Rappeler l'expression de la résistance d'un barreau conducteur de longueur ℓ et de section s , constitué d'un métal de conductivité σ .

En déduire la valeur numérique de la résistance r de la boucle ($\sigma_{\text{cuivre}} = 6,0 \cdot 10^7 \text{ S.m}^{-1}$).

Dans toute la suite du problème, la boucle est modélisée par une bobine idéale d'inductance L (en l'absence de véhicule) en série avec une résistance r . Le dispositif décrit sur la figure 6 peut donc être modélisé par le circuit de la figure 7, ci-contre :



- D7.** Etablir l'équation différentielle vérifiée par la tension u . En déduire le facteur de qualité Q et la fréquence propre f_0 du circuit.
- D8.** Le facteur de qualité peut-il être amélioré en augmentant le nombre de spires n ?

Cette fréquence est ensuite mesurée par un fréquencesmètre électronique qui délivre une tension proportionnelle à f_0 et permet de déterminer ses variations ; un signal de commande est produit lorsque celles-ci dépassent un seuil fixé.

Le constructeur précise que la valeur de f_0 doit être comprise entre 10 et 90 kHz et que le seuil de détection de la variation de fréquence peut être réglé entre 0,01 % et 2 %.

- D9.** Calculer la gamme de valeurs dans laquelle la capacité C doit être choisie. Commenter.
- D10.** Exprimer la variation relative de la fréquence d'oscillation $\Delta f_0/f_0$ en fonction de celle de l'inductance de la boucle $\Delta L/L$. Lorsqu'un véhicule se place au dessus de la boucle inductive, f_0 diminue-t-elle ou augmente-t-elle ?

La valeur de $\Delta L/L$ calculée en D5 donne-t-elle lieu à une variation de fréquence compatible avec les spécifications du constructeur ? Commenter ce résultat.

TROISIEME PARTIE

PRODUCTION DE SOUFRE PAR LE PROCEDE CLAUS

Plus de la moitié du soufre produit dans le monde provient du traitement des gaz naturels et du pétrole. Le soufre est obtenu à l'issue de deux étapes :

- désulfuration du gaz par absorption à la diéthanolamine des gaz acides (H_2S et CO_2) contenus dans le gaz naturel, suivie d'une régénération des solutions d'amines ;
- réaction de CLAUS sur l'hydrogène sulfuré, correspondant globalement à l'oxydation incomplète de H_2S selon : $H_2S + 1/2 O_2 = 1/n S_n + H_2O$ [0] ; la valeur de l'indice n du soufre dépend de ses variétés allotropiques ($n = 2$ à température élevée, et n variant de 6 à 8 à basse température).

La réaction de conversion de H_2S en soufre, mise au point en 1883 par F. CLAUS (et largement améliorée depuis) est le résultat de deux réactions successives :

- combustion du tiers d'hydrogène sulfuré en dioxyde de soufre, à 1500 K, en présence du dioxygène de l'air : $H_2S_{(g)} + 3/2 O_{2(g)} = SO_{2(g)} + H_2O_{(g)}$ [1] ;
- réaction (à la même température) des deux tiers de l'hydrogène sulfuré restant et le dioxyde de soufre formé précédemment : $2 H_2S_{(g)} + SO_{2(g)} = 3/2 S_{2(g)} + 2 H_2O_{(g)}$ [2].

E / CONVERSION DE L'HYDROGENE SULFURE

Le gaz à traiter contient, outre l'hydrogène sulfuré, du dioxyde de carbone et de la vapeur d'eau ; sa composition, exprimée en pourcentages molaires, est : 90 % d' H_2S , 7 % de CO_2 et 3 % d' H_2O . Pour simplifier, la composition molaire de l'air est : 80 % de diazote et 20 % de dioxygène. Tous les calculs seront exécutés pour 100 moles du gaz d'alimentation.

Le mélange gazeux est introduit dans les brûleurs du four de conversion (F) comme le montre le schéma de l'annexe (B), en même temps que la quantité d'air nécessaire pour transformer le tiers de H_2S selon la réaction [1], sans le moindre excès d'air ; dans la chambre de combustion règnent alors une température de 1500 K et une pression de 1,2 bar.

1 / Etude de la réaction [1]

- E1.** Calculer, à l'aide des données thermodynamiques fournies en annexe, les enthalpie et entropie standard de la réaction [1] à 1500 K, respectivement notées $\Delta_r H_1^0$ et $\Delta_r S_1^0$.
- E2.** Quelle est la caractéristique thermodynamique de cette réaction de combustion ? Quelle conséquence d'ordre technique, cette caractéristique induit-elle ?
- E3.** Montrer que la réaction [1] peut être considérée comme totale.
- E4.** Dresser le bilan des espèces gazeuses à la fin de cette réaction [1] (pour 100 moles de gaz à traiter, sans oublier les autres espèces que celles directement impliquées dans cette réaction).

2 / Etude de la réaction [2]

Dès la formation des premières moles de dioxyde de soufre, la réaction [2] démarre dans le four (mêmes conditions de température et de pression que pour la réaction [1]).

- E5.** Sachant qu'à 1500 K, les enthalpie et entropie standard de cette réaction valent respectivement $\Delta_r H_{2(1500K)}^0 = 62,5 \text{ kJ.mol}^{-1}$ et $\Delta_r S_{2(1500K)}^0 = 75,1 \text{ J.K}^{-1}.\text{mol}^{-1}$, calculer la valeur de la constante d'équilibre K_2^0 à cette température ; la réaction [2] est-elle totale ?

- E6.** Représenter le tableau d'avancement de la réaction [2], en notant ξ son avancement, compte tenu des 100 moles de gaz naturel initial et du résultat de la question **E4**. Exprimer $n_T(\xi)$, le nombre total de molécules gazeuses présentes à cet instant dans le four.

- E7.** En déduire le quotient réactionnel correspondant en fonction des pressions partielles, puis des nombres de moles des différentes espèces, de $n_T(\xi)$ et de la pression totale P régnant dans le four, puis l'exprimer sous la forme suivante :

$$Q = f(\xi) = \frac{(X)^{1.5} (Y)^2}{4(30 - \xi)^\beta} \left(\frac{P}{P^0 n_T(\xi)} \right)^\alpha$$

. Identifier X et Y ainsi que les exposants α et β .

- E8.** Trouver valeur minimale de ξ , sachant qu'à l'équilibre, plus de 70 % du SO_2 formé par la combustion [1] est transformé en soufre (travaux de Gamson et Elkins).

La résolution numérique de la relation $f(\xi) = K_{2(1500K)}^0$ fournit : $\xi \cong 23$.

- E9.** En déduire les nombres de moles des différentes espèces gazeuses constitutives du mélange à la sortie du four.

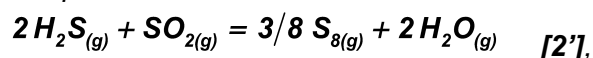
A la sortie du four, les gaz sont refroidis jusqu'à 493 K, grâce à un refroidissement à l'eau dans un condenseur tubulaire (C).

- E10.** Quel est le produit obtenu à la sortie du condenseur 1 dans le réservoir de récupération et sous quelle forme physique ? Calculer le rendement en soufre de l'opération de conversion.

Compléter le document-réponse au point A, point de départ de la conversion catalytique.

F / CONVERSION CATALYTIQUE

La conversion totale de H_2S en soufre n'étant pas réalisée par cette première étape, le mélange gazeux est réchauffé dans un brûleur puis envoyé sur une série (deux à trois unités) de réacteurs catalytiques (RC) pour en parfaire la conversion, à une température plus basse (530 K), à l'aide de catalyseurs à base d'oxyde ferrique Fe_2O_3 sur support en carbure de silicium SiC, où se produit la réaction :



au cours de laquelle 13 % du soufre initialement présent dans le gaz de départ est produit. Dans cette réaction, le ratio $[\text{H}_2\text{S}]/[\text{SO}_2]$ est toujours maintenu à égal à 2.

- F1.** Représenter le tableau d'avancement de la réaction [2'], en notant ξ_{RC1} son avancement. Calculer le nombre de moles de soufre produites à la sortie du condenseur 2 ; en déduire les nombres de moles des différentes espèces gazeuses à la sortie du condenseur 2 (les reporter au point B).

Les gaz issus de RC1 (après passage dans un condenseur) sont réchauffés puis envoyés sur un second réacteur catalytique, RC2 (toujours la réaction [2'], mais à 430 K) pour laquelle 9 % du soufre initialement présent dans le gaz de départ est produit, toujours avec le même ratio $[\text{H}_2\text{S}]/[\text{SO}_2]$ égal à 2.

- F2.** Représenter le nouveau tableau d'avancement de la réaction [2'], en notant ξ_{RC2} son avancement.

Calculer le nombre de moles de soufre produites à la sortie du condenseur 3 ; en déduire les nombres de moles des différentes espèces gazeuses à la sortie du condenseur 3 (les reporter au point C).

A la sortie finale de l'installation, les gaz sont envoyés vers un incinérateur.

- F3.** Quel est le but du traitement dans cette unité ? Comment peut-on utiliser les produits obtenus ?

G / STRUCTURE DU SOUFRE

- G1.** Donner la configuration électronique de l'atome de soufre (numéro atomique $Z = 16$). Dans quelle colonne du tableau de Mendeleïev se situe-t-il ? Citer un autre élément de cette colonne.

G2. Représenter la structure de Lewis du soufre S.

- G3.** Représenter la structure de Lewis d'une molécule S_2 puis proposer sa géométrie.
- G4.** Imaginer la géométrie d'une molécule S_8 (cyclique, non plane).
Préciser la nature des liaisons permettant d'assurer la cohésion d'un tel cycle.

H / STRUCTURE DE β -SiC, SUPPORT DE CATALYSEUR

La phase β du carbure de silicium est le matériau de choix comme support actif lors de la conversion de l'hydrogène sulfuré. Cette phase cristallise dans le réseau cubique à faces centrées (CFC) de type blende : les atomes de silicium occupent les sommets et les centres des faces du cube, tandis le carbone se loge dans une cavité tétraédrique sur deux de ce dernier.

- H1.** Représenter (vue perspective ou projetée) la maille représentative de β -SiC ; préciser le nombre d'atomes de chaque espèce appartenant en propre à cette maille.
- H2.** Quelles sont les coordinences de Si et de C dans cette structure ? Quel type d'interaction assure sa cohésion ?
- H3.** Etablir la relation entre les rayons des atomes constitutifs et le paramètre a de la maille ; en déduire la valeur numérique de a sachant que $R(\text{Si}) = 117 \text{ pm}$ et $R(\text{C}) = 77 \text{ pm}$.
- H4.** Définir puis calculer la compacité de cette structure et commenter le résultat obtenu.
- H5.** Calculer la masse volumique de β -SiC.

DONNEES NUMERIQUES

Données numériques générales :

Masses molaires atomiques (en g.mol^{-1}) : C : 12,0 ; O : 16,0 ; Si : 28,1 ; S : 32,1

Constante des gaz parfaits : $R = 8,31 \text{ J.K}^{-1}.\text{mol}^{-1}$

Constante d'Avogadro : $N_A = 6,02.10^{23} \text{ mol}^{-1}$

Données thermodynamiques :

Elément, composé	$\text{H}_2\text{S}_{(a)}$	$\text{O}_{2(a)}$	$\text{SO}_{2(a)}$	$\text{H}_2\text{O}_{(a)}$	$\text{S}_{(a)}$	$\text{S}_{2(a)}$	$\text{S}_{8(a)}$
$\Delta_f H^\circ$ à 298 K (en kJ.mol^{-1})	-20,6	0	-296,8	-241,8	278,8	132,6	102,5
S° à 298 K ($\text{J.K}^{-1}.\text{mol}^{-1}$)	205,7	205,0	248,1	188,7	167,7	229,9	431,0
$\Delta_f H^\circ$ à 1500 K (en kJ.mol^{-1})	20,5	35,3	-248,8	-201,4	307,3	171,7	290,0
S° à 1500 K ($\text{J.K}^{-1}.\text{mol}^{-1}$)	260,9	252,5	312,6	243,0	206,0	282,4	683,1

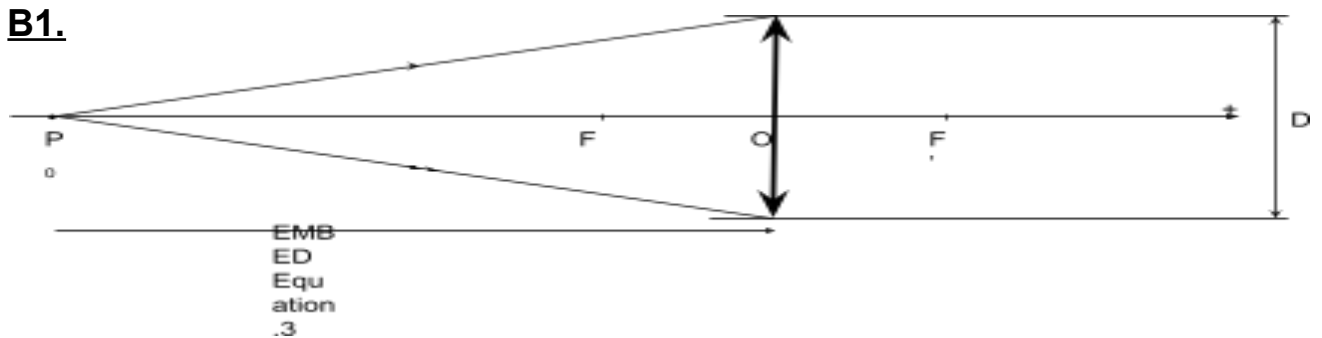
Etats physiques du soufre :

solide (α) pour $T < 369 \text{ K}$; solide (β) pour $369 \text{ K} < T < 392 \text{ K}$;
liquide pour $392 \text{ K} < T < 718 \text{ K}$; gaz pour $T > 718 \text{ K}$.

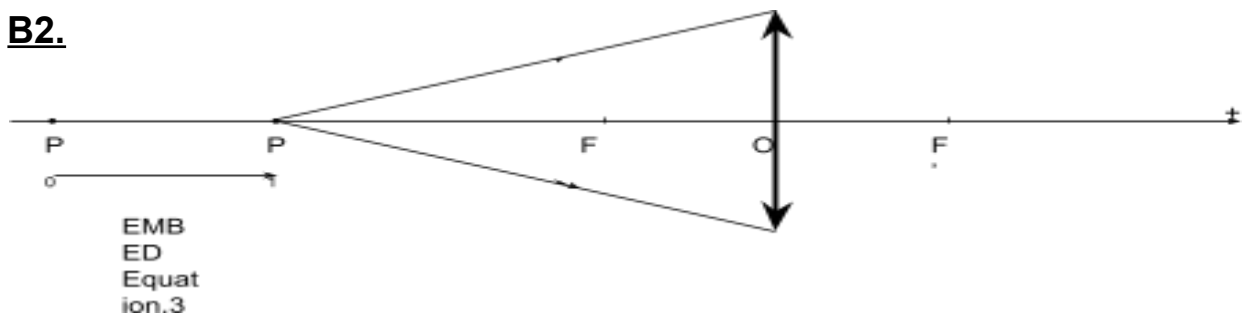
FIN DE L'ÉPREUVE

Document-réponse « Optique », à compléter et à rendre avec la copie

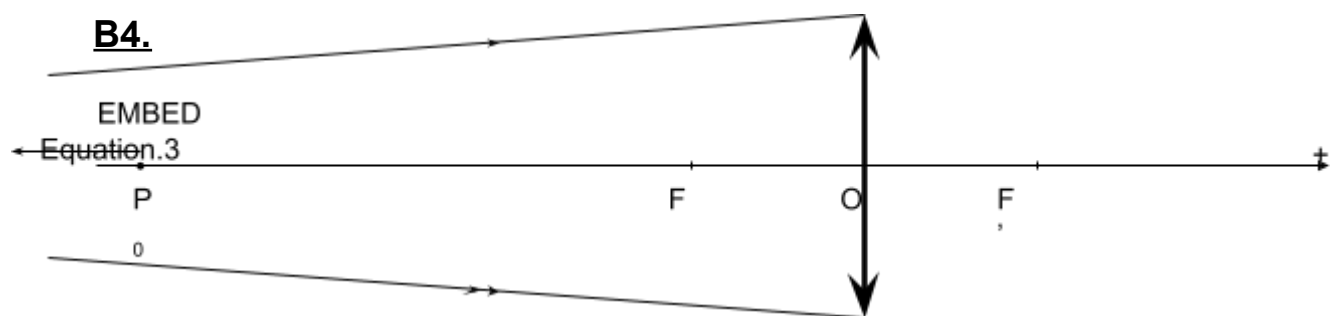
B1.



B2.



B4.



Remarque : P_2 est en dehors de la figure