

سلسلة تمارين في الاحتمالات

تمرين 1: (Ω, p) فضاء احتمالي و A و B حادثان حيث : $p(A) = 0,8$, $p(B) = 0,45$ و $p(A \cup B) = 0,9$. - احسب احتمال $\bar{A}$ و $A \cap B$.

تمرين 2: نرمي قطعة نقد متوازنة (غير مزيفة) ثلاث مرات متتالية في الهواء . شكل شجرة الاحتمالات المرفقة بهذه التجربة.

ما هو احتمال A : الحصول على الوجه ثلاث مرات / B : الحصول على الوجه مرة واحدة على الأقل.

تمرين 3: يحتوي كيس على 12 كرية منها 5 بيضاء .

نسحب من هذا الكيس 3 كريات في آن واحد (كل السحبات لها نفس الاحتمال) ونعتبر أن سحب كرية بيضاء يعطي ربحا قدره m دينارا وأن سحب كرية غير بيضاء يعطي خسارة قدرها 100 دينار و ليكن المتغير العشوائي X الذي يرفق بكل سحب الربح الجبري المحصل عليه.

1. عين قانون احتمال المتغير العشوائي X ثم احسب أمله الرياضي.

2. عين قيمة العدد m حتى تكون اللعبة عادلة.

3. نفرض أن $m = 140$ ، احسب احتمال الحادثة $(X > 100)$.

تمرين 4: يحتوي كيس على 10 كريات منها 5 بيضاء ، 3 حمراء و 2 خضراوان ، نسحب منه كرتين على التوالي ونعتبر كل السحبات لها نفس الاحتمال . ما هو احتمال : الحصول على كرتين من نفس اللون ؟ الحصول على كرتين من لونين مختلفين علما أن لا واحدة منهما حمراء ؟

تمرين 5: زهرة نرد غير مزيفة مرقمة من 1 إلى 6

نرمي الزهرة أربع مرات في الهواء ، الرميات مستقلة مثنى مثنى.

ما هو احتمال الحصول على الرقم 1 مرة واحدة فقط.

ما هو احتمال الحصول على الرقم 1 مرتين بالضبط .

نرمي الزهرة n مرة في الهواء (n عدد طبيعي غير معدوم)، الرميات مستقلة مثنى مثنى.

احسب P_n احتمال الحصول على الرقم 1 مرة واحدة على الأقل .

عين أصغر عدد طبيعي n يكون من أجله $P_n \geq 0,99$.

تمرين 6: نعتبر ثلاثة صناديق غير متمايزة ، يحتوي الأول على 5 كريات بيضاء و 3 سوداء والثاني على 4 كريات بيضاء و 4 سوداء والثالث

على 2 بيضاوين و 6 سوداء ، الكريات لها نفس الحظ في الظهور .

نختار صندوق عشوائيا ثم نسحب منه كرية واحدة .

ماهو احتمال الحصول على كرية بيضاء من الصندوق الأول ؟

ماهو احتمال الحصول على كرية بيضاء؟

ماهو احتمال سحب كرية من الصندوق الأول علما أن الكرية المسحوبة بيضاء؟